

# NÚMEROS REAIS

## Resumo

- Proceso matemático de construción dos números racionais:  $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{Q}$
- Nº Reais: unión dos nº racionais, son todos aqueles que se poden expresar mediante unha fracción, e os nº irracionais, non se poden expresar como cociente de números enteiros.
- Representación dos nº reais na Recta Real

$$\mathbb{R} = \mathbb{Q} \cup \mathbb{I}$$

$$\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{Q} \subset \mathbb{R}$$

Intervalos

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Abertos: } (a, b) = \{x \in \mathbb{R}; a < x < b\} \\ \text{Pechados: } [a, b] = \{x \in \mathbb{R}; a \leq x \leq b\} \\ \text{Semiabertos ou Semipechados: } (a, b] \text{ ou } [a, b) \\ \text{Semirectas: } (-\infty, a), (a, \infty), (-\infty, b], [b, \infty) \end{array} \right.$$

- Radicais  $\sqrt[n]{a} = b \Leftrightarrow b^n = a$  exemplo
  - Simplificar radicais:  $\sqrt[4]{64} = \sqrt[4]{2^6} = \sqrt[2]{2^3} = 2\sqrt{2}$
  - Reducir radicais mesmo índice: (mínimo común múltiplo dos índices)  
 $\sqrt{2}, \sqrt[3]{5} \text{ e } \sqrt{3} \Rightarrow 2^{\frac{1}{5}}, 5^{\frac{1}{3}}, 3^{\frac{1}{2}}$  m.c.m(5,3,2)=30 polo tanto  $2^{\frac{6}{30}}, 5^{\frac{10}{30}}, 3^{\frac{15}{30}}$  e os novos radicandos son:  $\sqrt[30]{2^6}, \sqrt[30]{5^{10}}, \sqrt[30]{3^{15}}$
  - Suma e resta:(deberán ter mesmo índice mesmo radicando)  
 $4\sqrt[5]{2} - 3\sqrt[5]{2} + 4\sqrt[5]{2^3} = 4\sqrt[5]{2} - 3\sqrt[5]{2} + 4\sqrt[5]{2} = 5\sqrt[5]{2}$
  - Produto e división: (mesmo índice)  
 $\frac{\sqrt{8} \cdot \sqrt[3]{50}}{\sqrt[6]{20}} = \frac{\sqrt[6]{8^3 \cdot 50^2}}{\sqrt[6]{20}} = \sqrt[6]{\frac{2^9 \cdot (5^2 \cdot 2)^2}{2^2 \cdot 5}} = \sqrt[6]{2^9 \cdot 5^3} = \sqrt[6]{(2^3 \cdot 5)^3} = \sqrt{2^3 \cdot 5} = 2\sqrt{10}$
  - Racionalizar: (eliminar raíces do denominador, dous casos)  
 $\frac{2}{\sqrt[5]{2^3}} = \frac{2 \sqrt[5]{2^2}}{\sqrt[5]{2^3 \cdot 5^2}} = \frac{2 \sqrt[5]{2^2}}{2} = \sqrt[5]{2^2}$   
 $\frac{3}{\sqrt{2} - \sqrt{3}} = \frac{3(\sqrt{2} + \sqrt{3})}{(\sqrt{2} - \sqrt{3}) \cdot (\sqrt{2} + \sqrt{3})} = \frac{3(\sqrt{2} + \sqrt{3})}{\sqrt{2}^2 - \sqrt{3}^2} = \frac{3\sqrt{2} + 3\sqrt{3}}{-1} = -3\sqrt{2} - 3\sqrt{3}$
- Logaritmos e propiedades:  $\log_a b = x \Leftrightarrow a^x = b$ 
  - $\log_a 1 = 0$        $\log_a a = 1$
  - $\log_a (b \cdot c) = \log_a b + \log_a c$
  - $\log_a \left(\frac{b}{c}\right) = \log_a b - \log_a c$
  - $\log_a b^n = n \cdot \log_a b$
  - $\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$
- Aproximacións e erros: Na práctica é necesario usar aproximacións cando se traballa con número con infinitas cifras decimais. Estas aproximación poden ser por exceso o defecto.
  - Error Absoluto:**  $E_a = |V_{real} - V_{aproximado}|$
  - Error Relativo:**  $E_r = \left| \frac{E_a}{V_{real}} \right|$